

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РЕСПУБЛИКИ КАЗАХСТАН  
КОМИТЕТ НАУКИ  
ИНСТИТУТ МАТЕМАТИКИ И МАТЕМАТИЧЕСКОГО МОДЕЛИРОВАНИЯ

Традиционная международная апрельская  
математическая конференция в честь  
Дня работников науки Республики Казахстан,

*посвященная 1150-летию Абу Насыр аль-Фараби и  
75-летию Института математики и  
математического моделирования*

Тезисы докладов

Алматы - 2020 год

## **ПРОГРАММНЫЙ КОМИТЕТ:**

академик НАН РК Кальменов Т.Ш. , председатель

к.ф.-м.н. Сахауева М.А., ученый секретарь

академик НАН РК Джумадилаев А.С.

академик НАН РК Харин С.Н.

член-корреспондент НАН РК Байжанов Б.С.

член-корреспондент НАН РК Садыбеков М.А.

профессор Джумабаев Д.С.

профессор Нурсултанов Е.Д.

профессор Тлеуберегенов М.И.

## **ОРГАНИЗАЦИОННЫЙ КОМИТЕТ:**

член-корреспондент НАН РК Байжанов Б.С., председатель

Адил Ж.

Байжанов С.С.

Дербисали Б.О.

доктор PhD Замбарная Т.С.

Каракенова С.Г.

Уважаемые коллеги,

в связи с введением в стране чрезвычайного положения (указ Президента Республики Казахстан от 15 марта 2020 года № 285) и объявлением карантина в городе Алматы (Постановление и.о. Главного государственного санитарного врача города Алматы от 18 марта 2020 года № 8 «О введении режима карантина на территории г. Алматы») апрельская конференция не проводится очно.

Тем не менее, Программный комитет подготовил тезисы представленных докладов, которые мы представляем в онлайн режиме на сайте конференции.

С уважением,

председатель организационного комитета Б.С. Байжанов.

## Содержание

<b>1</b>	<b>Алгебра, математическая логика и геометрия</b>	<b>10</b>
	<i>Adil Zh., Baizhanov B.</i> THE EXPANSION OF A STRONGLY MINIMAL TORSION-FREE GROUP BY UNARY PREDICATE AND THE INDEPENDENCE PROPERTY . . . . .	11
	<i>Baizhanov B., Zambarnaya T.</i> TARSKI–VAUGHT TEST IN CONSTRUCTION OF COUNTABLE MODELS . . . . .	12
	<i>Baizhanov S.</i> EXPANSION OF WEAKLY O-MINIMAL GROUP BY BINARY PREDICATE AND DEPENDENCE PROPERTY . . . . .	12
	<i>Dzhumadil'daev A.</i> ASSOCIATIVE-ADMISSIBLE ALGEBRAS . . . . .	13
	<i>Markhabatov N.</i> ON PSEUDOFINITENESS OF ACYCLIC GRAPHS . . . . .	14
	<i>Markhabatov N., Sudoplatov S.</i> ON TOPOLOGIES AND RANKS FOR FAMILIES OF THEORIES . . . . .	15
	<i>Sartayev B.</i> SPECIAL GELFAND–DORFMAN ALGEBRAS AND NON-KOSZULITY OF GELFAND–DORFMAN OPERAD . . . . .	17
	<i>Umbetbayev O.</i> ONE THEOREM ON OMITTING TYPES IN INCOMPLETE THEORIES . . . . .	18
	<i>Verbovskiy V.</i> ON DEFINABLE CLOSURE IN HRUSHOVSKI'S STRONGLY MINIMAL SETS . . . . .	19
	<i>Абдыраимова Б., Кулпешов Б.Ш.</i> ВОПРОСЫ СВОДИМОСТИ ЗАПРОСОВ БАЗ ДАННЫХ НАД ПОЧТИ ОМЕГА-КАТЕГОРИЧНОЙ ОБЛАСТЬЮ ОПРЕДЕЛЕНИЯ . . . . .	20
	<i>Алтаева А.Б., Кулпешов Б.Ш., Судоплатов С.В.</i> СВОЙСТВА $E$ -КОМБИНАЦИЙ ЛИНЕЙНЫХ ПОРЯДКОВ . . . . .	22
	<i>Даулетиярова А.Б.</i> РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЧЕТНЫХ МОДЕЛЕЙ ТЕОРИЙ ОДНОМЕСТНЫХ ПРЕДИКАТОВ . . . . .	24
	<i>Емельянов Д.</i> АЛГЕБРЫ РАСПРЕДЕЛЕНИЙ БИНАРНЫХ ФОРМУЛ ДЛЯ ДЕКАРТОВЫХ ПРОИЗВЕДЕНИЙ ГРАФОВ . . . . .	25
	<i>Мусина Н., Социалова У.</i> СВОЙСТВА СОВЕРШЕННЫХ ГИБРИДОВ ФРАГМЕНТОВ $\nabla$ - $cl$ - МНОЖЕСТВ . . . . .	27
	<i>Оразбекова Р., Тунгушбаева И.</i> КАТЕГОРИЧНОСТЬ $\#$ -КОМПАЬОНА ФРАГМЕНТА ЙОНСОНОВСКОГО МНОЖЕСТВА В МОДУЛЯРНОЙ ГЕОМЕТРИИ . . . . .	28
	<i>Перетягькин М., Калшабеков А.</i> СТРУКТУРЫ С КОНЕЧНЫМИ ОБЛАСТЯМИ В РАМКАХ ПОНЯТИЯ ТЕОРЕТИКО-МОДЕЛЬНОГО СВОЙСТВА . . . . .	29
	<i>Попова Н., Мусатаева В.</i> СТАБИЛЬНОСТЬ СВОЙСТВА ЦЕНТРАЛЬНЫХ ТИПОВ ВЫПУКЛЫХ ФРАГМЕНТОВ . . . . .	30
	<i>Попова Н., Тилеубек А.</i> НЕ КОНЕЧНО - АКСИОМАТИЗИРУЕМЫЙ ЦЕНТР УНИВЕРСАЛЬНОГО ФРАГМЕНТА . . . . .	31
<b>2</b>	<b>Дифференциальные уравнения, теория функций и функциональный анализ</b>	<b>33</b>
	<i>Abdikarim A., Suragan D.</i> GREEN'S IDENTITIES FOR $(p, q)$ -SUB-LAPLACIANS ON THE HEISENBERG GROUP AND THEIR APPLICATIONS . . . . .	34
	<i>Abilkhasym A.</i> BLOW-UP SOLUTIONS TO SUB-LAPLACIAN HEAT EQUATIONS ON THE HEISENBERG GROUP . . . . .	36
	<i>Bekbolat B., Ruzhansky M., Tokmagambetov N.</i> SYMBOLIC CALCULUS GENERATED WITH THE DUNKL OPERATOR . . . . .	37

<i>Bizhanova G.</i> INVESTIGATION OF THE BOUNDARY VALUE PROBLEMS FOR PARABOLIC EQUATIONS WITH INCOMPATIBLE INITIAL AND BOUNDARY DATA IN THE WEIGHTED HÖLDER SPACES . . . . .	38
<i>Derbissaly B.</i> ON THE GREEN FUNCTION OF THE FIRST INITIAL BOUNDARY PROBLEM OF A HYPERBOLIC EQUATION IN A QUARTER PLANE . . . . .	39
<i>Jabbarkhanov Kh., Suragan D.</i> GLOBAL EXISTENCE AND BOUNDEDNESS OF SOLUTIONS OF NONLINEAR HEAT EQUATIONS ON STRATIFIED GROUPS . . . . .	40
<i>Jenaliyev M., Yergaliyev M.</i> ON THE BOUNDARY VALUE PROBLEM FOR A TWO-DIMENSIONAL SYSTEM OF NAVIER-STOKES EQUATIONS IN A CONE . . . . .	40
<i>Kabdulova A.</i> ANALYSIS FOR $p$ - $q$ -SUB-LAPLACIANS ON STRATIFIED LIE GROUPS . . . . .	41
<i>Kalmenov T., Kitapbayev Y.</i> VALUATION OF REAL OPTIONS UNDER COST UNCERTAINTY . . . . .	42
<i>Kanguzhyn B., Seitova A.</i> COMPLETENESS OF THE EXPONENTIAL SYSTEM . . . . .	43
<i>Kassymov A., Kashkynbayev A., Suragan D.</i> NON-BLOW-UP AND BLOW-UP RESULTS TO HEAT EQUATIONS WITH LOGARITHMIC NONLINEARITY ON STRATIFIED GROUPS . . . . .	44
<i>Kassymov A., Kashkynbayev A., Suragan D.</i> BLOW-UP RESULTS FOR VISCO-ELASTIC WAVE EQUATIONS WITH DAMPING TERMS ON STRATIFIED GROUPS . . . . .	46
<i>Kitapbayev Y.</i> INTEGRAL EQUATIONS FOR ROST'S REVERSED BARRIERS: EXISTENCE AND UNIQUENESS RESULTS . . . . .	47
<i>Koshanov B., Kuntuarova A.</i> ON FREDHOLM PROPERTY AND ON THE INDEX OF THE GENERALIZED NEUMANN PROBLEM . . . . .	48
<i>Nessipbayev Y., Tulenov K.</i> HARDY-LITTLEWOOD MAXIMAL OPERATOR ON NON-COMMUTATIVE SYMMETRIC SPACES . . . . .	49
<i>Nessipbayev Y., Tulenov K.</i> WEAK COMPACTNESS CRITERIA IN ORLICZ SPACES . . . . .	49
<i>Oralsyn G.</i> ON AN INVERSE PROBLEM FOR THE STOCHASTIC HEAT EQUATION . . . . .	51
<i>Restrepo J.</i> CHARACTERIZATIONS OF GENERALIZED HÖLDER SPACES . . . . .	52
<i>Sabitbek B.</i> LOGARITHMIC CAFFARELLI-KOHN-NIRENBERG TYPE INEQUALITIES . . . . .	53
<i>Sakabekov A., Auzhani Y., Akimzhanova Sh.</i> NUMERICAL SOLUTION OF BOLTZMANN'S MOMENT SYSTEM OF EQUATIONS IN THIRD APPROXIMATION WITH NATURAL CONDITIONS OF MIRROR AND DIFFUSION REFLECTION OF PARTICLES FROM THE BOUNDARY . . . . .	54
<i>Serikbaev D., Tokmagambetov N.</i> A SOURCE INVERSE PROBLEM FOR THE PSEUDO-PARABOLIC EQUATION FOR A FRACTIONAL STURM-LIOUVILLE OPERATOR . . . . .	56
<i>Shaimardan S., Tokmagambetov N.S.</i> ON THE SOLUTIONS OF A FRACTIONAL $q$ -DIFFERENTIAL EQUATION WITH THE COMPOSITE FRACTIONAL $q$ -DERIVATIVE . . . . .	56
<i>Shilibekova D.</i> UNCERTAINTY TYPE PRINCIPLES . . . . .	58
<i>Suragan D.</i> SHARP REMAINDER TERMS FOR HIGHER ORDER STEKLOV TYPE INEQUALITIES FOR VECTOR FIELDS . . . . .	59
<i>Tengel K.</i> SOME APPLICATIONS OF POTENTIAL THEORY FOR DEGENERATE-TYPE DIFFUSION EQUATION . . . . .	60
<i>Tokmagambetov N.</i> VERY WEAK SOLUTIONS . . . . .	61
<i>Torebek B.</i> VAN DER CORPUT LEMMAS INVOLVING MITTAG-LEFFLER FUNCTIONS . . . . .	61

<i>Zhapsarbayeva L., Mukhambetkaliev M.</i> REGULAR BOUNDARY CONDITIONS FOR FOURTH ORDER DIFFERENTIAL OPERATOR . . . . .	62
<i>Zharkynbek A.</i> GEOMETRIC HARDY INEQUALITY ON ENGEL GROUP . . . . .	63
<i>Абдуваитов А., Тажиметова М.</i> О ДРОБНОМ АНАЛОГЕ НЕКОТОРЫХ КРАЕВЫХ ЗАДАЧ ДЛЯ УРАВНЕНИЕ ЛАПЛАСА . . . . .	64
<i>Абиев Н.</i> ОБ ОСОБЫХ ТОЧКАХ ОДНОЙ ДИНАМИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ . . . . .	66
<i>Абылаева А.М., Сейлбеков Б.Н.</i> НЕРАВЕНСТВА ТИПА ХАРДИ С ЛОГАРИФМИЧЕСКОЙ ОСОБЕННОСТЬЮ . . . . .	67
<i>Адиева А.</i> ОПИСАНИЕ ЗАМКЫВАНИЯ ФИНИТНЫХ ФУНКЦИЙ В ОДНОМ ВЕСОВОМ ПРОСТРАНСТВЕ ТИПА СОБОЛЕВА . . . . .	68
<i>Аймал Раса Г.Х., Аузерхан Г.С.</i> ФОРМУЛА ЛАГРАНЖА СОПРЯЖЕННОЕ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ ВЫРАЖЕНИЕ ТРЕТЬЕГО ПОРЯДКА . . . . .	69
<i>Аймаханова А, Бесбаев Г.</i> РАЗРЕШИМОСТЬ ОДНОГО ИНТЕГРО-ПАРАБОЛИЧЕСКОГО УРАВНЕНИЯ . . . . .	71
<i>Айсагалиев С., Корнебай Г.</i> ИНТЕГРАЛЬНОЕ УРАВНЕНИЕ В ТЕОРИИ ОПТИМАЛЬНОГО БЫСТРОДЕЙСТВИЯ ЛИНЕЙНЫХ СИСТЕМ С ОГРАНИЧЕНИЯМИ . . . . .	72
<i>Алдашев С.</i> КОРРЕКТНОСТЬ ЗАДАЧИ ДИРИХЛЕ ДЛЯ ВЫРОЖДАЮЩИХСЯ ТРЕХМЕРНЫХ ГИПЕРБОЛО-ПАРАБОЛИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ . . . . .	74
<i>Алимжанов Е.</i> ЗАДАЧА ВЕРИГИНА С МАЛЫМ ПАРАМЕТРОМ В УСЛОВИЯХ НА СВОБОДНОЙ ГРАНИЦЕ . . . . .	76
<i>Базарханов Д.</i> ОПТИМАЛЬНОЕ ВОССТАНОВЛЕНИЕ ПСЕВДОДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ ОПЕРАТОРОВ НА КЛАССАХ ФУНКЦИЙ И РАСПРЕДЕЛЕНИЙ НА $m$ -МЕРНОМ ТОРЕ . . . . .	77
<i>Балгимбаева Ш.</i> $L_p$ -ОГРАНИЧЕННОСТЬ НЕКОТОРОГО КЛАССА ПЕРИОДИЧЕСКИХ ПСЕВДОДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ ОПЕРАТОРОВ . . . . .	77
<i>Бесжанова А., Темирханова А.</i> ВЕСОВОЕ НЕРАВЕНСТВО ОДНОГО КЛАССА МАТРИЧНЫХ ОПЕРАТОРОВ С ПЕРЕМЕННЫМ ПРЕДЕЛОМ СУММИРОВАНИЯ . . . . .	78
<i>Блиев Н.К.</i> МНОГОМЕРНЫЕ СИНГУЛЯРНЫЕ ИНТЕГРАЛЫ И ИНТЕГРАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ В ДРОБНЫХ ПРОСТРАНСТВАХ I . . . . .	78
<i>Бокаев Н., Хайркулова А., Тургумбаев М.</i> ОБ ОГРАНИЧЕННОСТИ ПОТЕНЦИАЛА РИССА В ГЛОБАЛЬНЫХ ПРОСТРАНСТВАХ ОРЛИЧА-МОРРИ . . . . .	79
<i>Даирбеков Н., Пенкин О., Сарыбекова Л.</i> ОБОБЩЕННОЕ НЕРАВЕНСТВО СОБОЛЕВА НА СТРАТИФИЦИРОВАННОМ МНОЖЕСТВЕ . . . . .	81
<i>Дженалиев М., Ергалиев М., Иманбердиев К., Касымбекова А.</i> О РАЗРЕШИМОСТИ ОДНОЙ НЕЛИНЕЙНОЙ ГРАНИЧНОЙ ЗАДАЧИ ТЕПЛОПРОВОДНОСТИ В ВЫРОЖДАЮЩЕЙСЯ ТРЕУГОЛЬНОЙ ОБЛАСТИ . . . . .	82
<i>Дукенбаева А.</i> НЕЛОКАЛЬНЫЕ КРАЕВЫЕ ЗАДАЧИ ДЛЯ ОПЕРАТОРА ЛАПЛАСА, ЯВЛЯЮЩИЕСЯ МНОГОМЕРНЫМИ ОБОБЩЕНИЯМИ ЗАДАЧИ САМАРСКОГО-ИОНКИНА . . . . .	84
<i>Иванова М.</i> НАЧАЛЬНО-КРАЕВАЯ ЗАДАЧА ДЛЯ МНОГОМЕРНОГО УРАВНЕНИЯ ТЕПЛОПРОВОДНОСТИ С НЕЛОКАЛЬНЫМИ УСЛОВИЯМИ ТИПА САМАРСКОГО-ИОНКИНА ПО ПРОСТРАНСТВЕННЫМ ПЕРЕМЕННЫМ . . . . .	85
<i>Иманбаев Н.</i> О СВОЙСТВЕ БАЗИСНОСТИ СИСТЕМЫ КОРНЕВЫХ ВЕКТОРОВ ОПЕРАТОРА ШТУРМА-ЛИУВИЛЛЯ ПРИ ИНТЕГРАЛЬНОМ ВОЗМУЩЕНИИ КРАЕВЫХ УСЛОВИЙ В НЕУСИЛЕННО РЕГУЛЯРНЫХ ЗАДАЧАХ ТИПА САМАРСКОГО-ИОНКИНА . . . . .	87
<i>Искакова У.А., Иманбаев Н.</i> О РЕГУЛЯРНОЙ КРАЕВОЙ ЗАДАЧЕ ДЛЯ ИНТЕГРО-ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОГО УРАВНЕНИЯ . . . . .	88

<i>Калидолдай А.Х., Нурсултанов Е.Д.</i> О НЕКОТОРЫХ ОТРИЦАТЕЛЬНЫХ РЕЗУЛЬТАТАХ В ТЕОРИИ ИНТЕРПОЛЯЦИИ ФУНКЦИОНАЛЬНЫХ ПРОСТРАНСТВ . . . . .	89
<i>Кальменов Т. Ш., Кабанжин С.И., Лес А.К.</i> ЗАДАЧА ЗОММЕРФЕЛЬДА И ОБРАТНАЯ ЗАДАЧА ДЛЯ УРАВНЕНИЯ ГЕЛЬМГОЛЬЦА . . . . .	91
<i>Калыбай А., Каратаева Д.</i> СИЛЬНАЯ ОСЦИЛЛЯЦИЯ ОДНОГО КВАЗИЛИНЕЙНОГО РАЗНОСТНОГО УРАВНЕНИЯ ВТОРОГО ПОРЯДКА . . . . .	92
<i>Калыбай А.А., Кеулимжаева Ж.А.</i> УСЛОВИЯ СУЩЕСТВОВАНИЯ СЛЕДА ФУНКЦИИ В ПРОСТРАНСТВЕ С МУЛЬТИВЕСОВЫМИ ПРОИЗВОДНЫМИ . . . . .	94
<i>Кошербаева А.</i> ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ ПЛАНЕТНЫХ СИСТЕМ С ПЕРЕМЕННЫМИ МАССАМИ . . . . .	95
<i>Муратбеков М.Б., Сулеймбекова А.О.</i> СУЩЕСТВОВАНИЕ, КОМПАКТНОСТЬ И ОЦЕНКИ СИНГУЛЯРНЫХ ЧИСЕЛ РЕЗОЛЬВЕНТЫ СИНГУЛЯРНОГО ЛИНЕЙНОГО ОПЕРАТОРА ТИПА КОРТЕВЕГА-ДЕ ФРИЗА . . . . .	97
<i>Назарова К., Турметов Б., Усманов К.</i> О РАЗРЕШИМОСТИ ОДНОЙ НЕЛОКАЛЬНОЙ КРАЕВОЙ ЗАДАЧИ С НАКЛОННОЙ ПРОИЗВОДНОЙ . . . . .	98
<i>Назарова К.Ж., Усманов К.И.</i> ОБ ОДНОЗНАЧНОЙ РАЗРЕШИМОСТИ КРАЕВОЙ ЗАДАЧИ ДЛЯ ИНТЕГРО-ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ С ИНВОЛЮЦИЕЙ . . . . .	99
<i>Ойнаров Р.</i> КРИТЕРИИ ОГРАНИЧЕННОСТИ ОДНОГО КЛАССА ИНТЕГРАЛЬНЫХ ОПЕРАТОРОВ ПРИ $1 < q < p < \infty$ . . . . .	100
<i>Омарбаева Б.К.</i> ДИСКРЕТНЫЕ ИТЕРАЦИОННЫЕ НЕРАВЕНСТВА ТИПА ХАРДИ С ТРЕМЯ ВЕСАМИ . . . . .	101
<i>Онербек Ж., Адилханов А.</i> ОБ ОГРАНИЧЕННОСТИ МАКСИМАЛЬНОГО И ДРОБНО-МАКСИМАЛЬНОГО ОПЕРАТОРА В ГЛОБАЛЬНЫХ ПРОСТРАНСТВАХ МОРРИ С ПЕРЕМЕННЫМ ПОКАЗАТЕЛЕМ . . . . .	102
<i>Оразов И.</i> НАЧАЛЬНО-КРАЕВАЯ ЗАДАЧА ДЛЯ МНОГОМЕРНОГО ВОЛНОВОГО УРАВНЕНИЯ С НЕЛОКАЛЬНЫМИ УСЛОВИЯМИ ТИПА САМАРСКОГО-ИОНКИНА ПО ПРОСТРАНСТВЕННЫМ ПЕРЕМЕННЫМ . . . . .	104
<i>Отелбаев М.</i> ДВЕ ТЕОРЕМЫ ОБ ОЦЕНКАХ РЕШЕНИИ ОДНОГО КЛАССА НЕЛИНЕЙНЫХ УРАВНЕНИЙ В КОНЕЧНОМЕРНОМ ПРОСТРАНСТВЕ . . . . .	105
<i>Садыбеков М.</i> О НОВОМ КЛАССЕ ОБРАТНЫХ ЗАДАЧ ПО ВОССТАНОВЛЕНИЮ ИСТОЧНИКА ВНЕШНЕГО ВЛИЯНИЯ НА СТАЦИОНАРНЫЙ ПРОЦЕСС ДИФФУЗИИ, СВЯЗАННЫХ С ЗАДАЧЕЙ КОШИ С НЕЛОКАЛЬНЫМИ НЕ УСИЛЕННО РЕГУЛЯРНЫМИ КРАЕВЫМИ УСЛОВИЯМИ . . . . .	107
<i>Сарсенби А.А.</i> О РАЗРЕШИМОСТИ СМЕШАННОЙ ЗАДАЧИ ДЛЯ ВОЗМУЩЕННОГО УРАВНЕНИЯ ТЕПЛОПРОВОДНОСТИ С ИНВОЛЮЦИЕЙ . . . . .	108
<i>Сарсенби А.М.</i> БАЗИСНОСТЬ КОРНЕВЫХ ФУНКЦИЙ ПЕРИОДИЧЕСКОЙ ЗАДАЧИ ДЛЯ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОГО УРАВНЕНИЯ ВТОРОГО ПОРЯДКА С ИНВОЛЮЦИЕЙ . . . . .	109
<i>Турметов Б., Кошанова М., Муратбекова М.</i> О РАЗРЕШИМОСТИ НЕКОТОРЫХ КРАЕВЫХ ЗАДАЧ С ПЕРИОДИЧЕСКИМИ УСЛОВИЯМИ . . . . .	110

### **3 Математическое моделирование и уравнения математической физики** **112**

<i>Alexeyeva L.</i> MAXWELL EQUATIONS, THEIR HAMILTON AND BIQUATER-NIONIC FORMS. PROPERTIES OF THEIR SOLUTIONS . . . . .	113
--	-----

## 1 Алгебра, математическая логика и геометрия

Руководители: академик НАН РК Джумадильдаев А.С.  
член-корреспондент НАН РК Байжанов Б.С.

Секретарь: PhD Замбарная Т.С,

**Теорема 1.** Пусть  $1 < p < \infty$ ,  $0 \leq k \leq n - 1$  и выполнены условия (1), (2). Тогда для любого  $f \in W_{p,\bar{p}}^n$  существует конечный предел (4), тогда и только тогда, когда

$$\rho_n^{-1}(\cdot)K_{n-1,k+1}(\cdot, \circ) \in L_{p'}, \quad (5)$$

при этом имеет место оценка

$$\|D_{\bar{\rho}}^k f\|_{C[0,1]} \leq C \|f\|_{W_{p,\bar{p}}^n},$$

где константа  $C > 0$  не зависит от  $f \in W_{p,\bar{p}}^n(I)$ .

**Следствие 1.** Пусть  $1 < p < \infty$ . Если выполнено (5), то для любого  $f \in \overset{\circ}{W}_{p,\bar{p}}^n$  имеет место

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} D_{\bar{\rho}}^k f(t) = D_{\bar{\rho}}^k f(0) = 0.$$

**Замечание 1.** Если существует конечный предел (4) при  $k : 0 \leq k \leq n - 1$  для всех  $f \in W_{p,\bar{p}}^n$ , то по теореме 1 выполнено (5). Откуда следует  $\rho_{k+1}^{-1} \in L_1(I)$ . Однако, из  $\rho_{k+1}^{-1} \in L_1(I)$  еще не следует выполнение (4) и (5).

**Следствие 2.** Пусть  $1 < p < \infty$  и  $0 \leq k_1 < k_2 \leq n - 1$ . Если  $\rho_i^{-1} \in L_1$  при всех  $i = k_1 + 1, k_1 + 2, \dots, k_2 + 1$  и существует конечный предел (4) при  $k = k_2$ , то существует конечный предел (4) при всех  $k : k_1 \leq k \leq k_2$ .

Из следствия 1 и 2 следует

**Следствие 3.** Пусть выполнено условий следствия 2. Тогда для любого  $f \in \overset{\circ}{W}_{p,\bar{p}}^n$  существует  $D_{\bar{\rho}}^k f(0)$ ,  $k_1 \leq k \leq k_2$  и  $D_{\bar{\rho}}^k f(0) = 0$ ,  $k_1 \leq k \leq k_2$ .

## Список литературы

- [1] С. М. Никольский, *Приближение функций многих переменных и теоремы вложения* // М.: Наука, 1977.
- [2] В. Г. Мазья, *Пространства С. Л. Соболева* // Л.: Изд-во Ленингр. ун-та., 1985.

— \* \* \* —

## ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ ПЛАНЕТНЫХ СИСТЕМ С ПЕРЕМЕННЫМИ МАССАМИ

АЙКЕН КОШЕРБАЕВА

КАЗНУ им. аль-Фараби, Алматы, КАЗАХСТАН

*kosherbaevaayken@gmail.com*

Современные астрономические наблюдения показывают, что центральная звезда и планетная система вокруг нее, во многих случаях, генетически взаимосвязаны [1-2]. В связи с этим, представляет интерес исследование эволюции планетных систем совместно с центральной звездой. Особый интерес вызывает эволюция планетных систем в этапе ее нестационарности, когда ведущим фактором динамической эволюции является переменность масс планет и центральной звезды [3-6].

В работе рассматривается задача многих сферических тел с переменными массами, изменяющимися неизотропно, в различных темпах, как небесно-механическая модель нестационарных планетных систем. В статье получены дифференциальные уравнения движения сферических тел с переменными массами с целью исследование эволюции нестационарных планетных систем. При

этом учитывается как убывания масс родительской звезды так и рост масс планет из-за аккреции вещества [6].

Рассмотрим планетную систему состоящий из  $n + 1$  взаимогравитирующих сферических небесных тел с переменными массами. Обозначим через  $T_0$  центральное тело – родительская звезда планетной системы. Планеты обозначим через  $T_i$ , ( $i = 0, 1, 2, \dots, n$ ). Расположения планет таковы, что  $T_i$  внутренняя планета относительно планет  $T_{i+1}$ , но внешняя, относительно  $T_{i-1}$ . Массы тел изменяются со временем неизотропно

$$m_0 = m_0(t), \quad m_1 = m_1(t), \quad \dots, \quad m_n = m_n(t) \quad (1)$$

Пусть, темп изменения масс различные [7-8]

$$\frac{\dot{m}_i}{m_i} \neq \frac{\dot{m}_k}{m_k}, \quad i = 0, \dots, n, \quad k = 0, \dots, n, \quad i \neq k. \quad (2)$$

Масса родительской звезды намного больше, чем масса определенной планеты в рассматриваемой системе

$$m_0 \gg m_i \quad (i = 1, \dots, n). \quad (3)$$

В абсолютной прямоугольной декартовой системе координат, исходя из уравнения Мещерского, получены уравнения движения многопланетной задачи с переменными массами. Предполагается, что массы тел изменяются неизотропно, в различных темпах и появляются реактивные силы. Далее, получены уравнения движения рассматриваемой проблемы в относительной системе координат. Начало относительной системы координат находится в центре наиболее массивного тела – центральной звезды. Уравнения движения может быть написаны в виде [6]

$$\ddot{\vec{r}}_i + f \frac{(m_0 + m_i)}{r_i^3} \vec{r}_i - \frac{\ddot{\gamma}_i}{\gamma_i} \vec{r}_i = \text{grad}_{\vec{r}_i} W_i \quad (4)$$

где

$$\gamma_i = \frac{m_0(t_0) + m_i(t_0)}{m_0(t) + m_i(t)} = \gamma_i(t) \quad (5)$$

$$W_i = W_{ri} + W_{ci} + W_{gi} \quad (6)$$

$$W_{ri} = \left( \frac{\dot{m}_i}{m_i} \vec{V}_i - \frac{\dot{m}_0}{m_0} \vec{V}_{0i} \right) \cdot \vec{r}_i \quad (7)$$

$$W_{gi} = f \sum_{k=1}^n m_k \left( \frac{1}{r_{ik}} - \frac{\vec{r}_i \cdot \vec{r}_k}{r_k^3} \right) \quad (8)$$

$$W_{ci} = -\frac{\ddot{\gamma}_i}{2\gamma_i} r_i^2 \quad (9)$$

Полученные уравнения движения (4) удобные для использования теории возмущения разработанных для таких нестационарных систем [6]. На базе уравнения относительного движения  $n$  планет (4) с началом в центре родительской звезды, можно написать различные дифференциальные уравнения движения в различных системах оскулирующих элементов на базе аperiodического движения по квазиконическому сечению.

В работе получены различные формы дифференциальных уравнений движения для нестационарных планетных систем, содержащие  $n$  планет. Получены уравнения возмущенного движения в форме уравнения Лагранжа и в аналогах второй системы канонических элементов Пуанкаре. В дальнейшем планируется получение разложения возмущающей функции через оскулирующие элементы с использованием системы аналитических вычислений "Wolfram Mathematica". Полученные уравнения будут использованы для исследования эффектов переменности масс в ходе эволюции экзопланетных систем.

## Список литературы

- [1] <http://exoplanetarchive.ipac.caltech.edu>
- [2] <http://exoplanet.eu>
- [3] Т.В. Омаров, *Non-Stationary Dynamical Problems in Astronomy* // New-York: Nova Science Publ. Inc., 2002.
- [4] А.А. Беков, Т.В. Омаров, *The Theory of Orbits in Non-Stationary Stellar Systems* // Astron. and Astrophys. Transactions **22**:2, 145–153 (2003).
- [5] P Eggleton, *Evolutionary processes in binary and multiple stars* // UK: Cambridge University Press, 2006.
- [6] М.Дж. Минглибаев, *Динамика гравитирующих тел с переменными массами и размерами. Поступательное и поступательно-вращательное движение* // LAP LAMBERT Academic Publishing, Германия, 2012.

— \* \* \* —

## СУЩЕСТВОВАНИЕ, КОМПАКТНОСТЬ И ОЦЕНКИ СИНГУЛЯРНЫХ ЧИСЕЛ РЕЗОЛЬВЕНТЫ СИНГУЛЯРНОГО ЛИНЕЙНОГО ОПЕРАТОРА ТИПА КОРТЕВЕГА-ДЕ ФРИЗА

М.Б.МУРАТБЕКОВ, А.О.СУЛЕЙМБЕКОВА

ТАРАЗСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ, ТАРАЗ

*musahan\_m@mail.ru*

Уравнения в частных производных третьего порядка лежат в основе математических моделей многих явлений и процессов, таких например, как явления переноса энергии гидролиза молекул аденозинтрифосфорной кислоты вдоль белковых молекул в виде уединенных волн, т.е солитонов процесс переноса почвенной влаги в зоне аэрации с учетом ее движения против потенциала влажности.

В частности, к этому классу относится и нелинейное уравнение Кортевега-де Фриза, который является основным уравнением современной математической физики.

Вопросам разрешимости краевых задач для дифференциальных уравнений нечетного порядка и в частности, для уравнения Кортевега-де Фриза посвящена значительная литература [1-4] и цитируемые там работы. В настоящей работе рассматриваются вопросы о существовании, компактности и об оценках аппроксимационных чисел резольвенты линейного оператора типа Кортевега-де Фриза с сильно растущими коэффициентами.

## Список литературы

- [1] R. Temam, *Sur un probleme non lineaire.* // Math.Pures. Apple **48**:2, 159–172 (1969).
- [2] Ж. Лионс, *Некоторые методы решения нелинейных краевых задач.* // Мир, Москва, –586с, 1972.

---

Авторы были поддержаны грантом МОН РК на 2018-2020 гг. ИРН:AP0513108)

## Предметный указатель

- Abdikarim A., 34  
Abdulkhakim A., 119  
Abildayeva A., 117  
Abilkhasym A., 36  
Adil Zh., 11  
Akimzhanova Sh., 54  
Alexeyeva L., 113  
Ashirova G., 115  
Assanova A., 117  
Auzhani Y., 54  
Azhibekova A.S., 124
- Baizhanov B., 11, 12  
Baizhanov S., 12  
Bekbolat B., 37  
Beketaeva A., 115  
Bekmukhamedov I., 119  
Bekov A., 119  
Berkimbay D., 119  
Bizhanova G., 38
- Dairbekov N., 141  
Derbissaly B., 39  
Dzhumadil'daev A., 13
- Imanchiyev A., 117
- Jabbarkhanov Kh., 40  
Jenaliyev M., 40
- Kabdulova A., 41  
Kadirbayeva Zh., 120  
Kalmenov T., 42  
Kanguzhyn B., 43  
Karakenova S., 121  
Kashkynbayev A., 44, 46  
Kassymov A., 44, 46  
Kavokin A.A., 123  
Kenzhebayeva M., 143  
Khairullin E.M., 124  
Kharin S., 125  
Khompysh K., 127, 128  
Kitapbayev Y., 42, 47  
Koshanov B., 48  
Kulakhmetova A.T., 123  
Kuntuarova A., 48
- Markhabatov N., 14, 15  
Momynov S., 119  
Mukash M., 129  
Mukhambetkaliev M., 62
- Mursaliyev D., 131  
Mynbayeva S., 132
- Nauryz T., 125  
Nazarova K., 133  
Nessipbayev Y., 49  
Nugymanova N., 128  
Nurmukanbet Sh., 134
- Oralsyn G., 51
- Restrepo J., 52  
Ruzhansky M., 37
- Sabitbek B., 53  
Sakabekov A., 54  
Sartayev B., 17  
Seitov D., 119  
Seitova A., 43  
Serikbaev D., 56  
Shaimardan S., 56  
Shakir A., 128  
Shilibekova D., 58  
Shpadi Yu.R., 123  
Smadiyeva A., 137  
Sudoplatov S., 15  
Suragan D., 34, 40, 44, 46, 59
- Tengel K., 60  
Tokmagambetov N., 37, 56, 61  
Tokmagambetov N.S., 56  
Tokmurzin Zh., 139  
Tolebi G., 141  
Torebek B., 61  
Toyganbaeva N., 143  
Tulenov K., 49
- Umbetbayev O., 18  
Uteshova R., 133
- Verbovskiy V., 19
- Yergaliyev M., 40
- Zambarnaya T., 12  
Zhapsarbayeva L., 62  
Zharkynbek A., 63  
Zhumatov S., 144
- Абдикаликова Г., 181, 183  
Абдувайтов А., 64  
Абдыраимова Б., 20

- Абиев Н., 66  
 Абылаева А.М., 67  
 Авилтай Н., 161  
 Адиева А., 68  
 Адилханов А., 102  
 Аймак Раса Г.Х., 69  
 Аймаханова А., 71  
 Айнакеева Н., 145  
 Айсаялиев С., 72  
 Айтенова Г., 181  
 Айтжанов С., 146, 148  
 Алдашев С., 74  
 Алексеева Л.А., 150, 151  
 Алимжанов А.М., 153  
 Алимжанов Е., 76  
 Алтаева А.Б., 22  
 Амантаева А., 171  
 Аскербекова Ж., 169  
 Аузерхан Г.С., 69  
 Ахманова Д.М., 172  
 Ахметжанова М.М., 150  
 Ашурова Г., 146
- Базарханов Д., 77  
 Балгимбаева Ш., 77  
 Бапаев К., 155  
 Бесбаев Г., 71  
 Бесжанова А., 78  
 Блиев Н.К., 78  
 Бокаев Н., 79
- Василина Г., 157
- Гальцев О., 159
- Дадаева А., 145  
 Даирбеков Н., 81  
 Даулетиярова А.Б., 24  
 Дауылбаев М., 161  
 Дженалиев М.Т., 82, 162  
 Дильдабаев Ш.А., 163  
 Дукенбаева А., 84
- Емельянов Д., 25  
 Ергалиев М., 82  
 Есбаев А., 180
- Жапбасбаев У., 165  
 Жумагазиев А., 183  
 Жумагул Г., 148
- Закирьянова Г.К., 151  
 Зимин Р., 159
- Иванова М., 85
- Иманбаев Н., 87, 88  
 Иманбердиев К., 82  
 Исенова А.А., 167  
 Искакова У.А., 88
- Кабанихин С.И., 91  
 Кабдрахова С., 188  
 Кавокин А.А., 193  
 Калидолдай А.Х., 89  
 Калшабеков А., 29  
 Калыбай А.А., 92, 94  
 Кальменов Т. Ш., 91  
 Каратаева Д., 92  
 Касенов С., 169–171  
 Касымбекова А., 82  
 Касымова Л.Ж., 172  
 Кельдибекова А.Б., 177  
 Кеулимжаева Ж.А., 94  
 Корпобай Г., 72  
 Космакова М.Т., 172, 174  
 Кошанова М., 110  
 Кошербаева А., 95  
 Кулахметова А.Т., 193  
 Кулпешов Б.Ш., 20, 22, 176
- Лес А.К., 91
- Муратбеков М.Б., 97  
 Муратбекова М., 110  
 Мусатаева В., 30  
 Мусина Н., 27  
 Мустафин Т.С., 176
- Наги Г., 170  
 Назарова К.Ж., 98, 99  
 Нурсеитов Д., 187  
 Нурсултанов Е.Д., 89
- Ойнаров Р., 100  
 Омарбаева Б.К., 101  
 Омарова Б.Ж., 185  
 Онербек Ж., 102  
 Оразбекова Р., 28  
 Оразов И., 104  
 Орумбаева Н.Т., 177  
 Оспанов К., 180  
 Оспанов М.Н., 179  
 Отелбаев М., 105
- Пенкин О., 81  
 Перетяцкий М., 29  
 Попова Н., 30, 31
- Рамазанов М.И., 162  
 Рамазанова Г., 165

Традиционная международная апрельская математическая конференция  
в честь Дня работников науки Республики Казахстан,

посвященная 1150-летию Абу Насыр аль-Фараби и  
75-летию Института математики и  
математического моделирования

Алматы 2020 год

Тезисы докладов

Опубликовано на сайте ИМММ: 02 апреля 2020 года  
[www.math.kz](http://www.math.kz)