

L.A. Khajiyeva, B.G. Mukanova

# **INTRODUCTION INTO MATHEMATICAL MODELING**

2017

УДК 519.6:539.3

Р е ц е н з е н т ы :

доктор физико-математических наук, проф. Бектемесов М.А.

доктор физико-математических наук, проф. Рысбайулы Б.

доктор физико-математических наук, проф. Шакенов К.К.

**Khajiyeva L.A., Mukanova B.G.**

**Introduction into mathematical modeling.** Учебник с грифом МОН РК. –  
Изд. Центр Ассоциации Вузов РК, 2017. – 174 с.

Учебник “**Introduction into mathematical modeling**” издается по тематическому плану МОН РК на 2017 г.

Изложены основные понятия и методы математического моделирования исследуемых объектов, процессов и явлений. Курс является вводным и ориентирован на обучение основным принципам построения тематических моделей и методам их анализа. Универсальность принципов показана на примере математического моделирования задач естествознания, управления, финансовых, экономических и др. отношений. Отдельные главы посвящены иерархическому принципу построения математических моделей в механике сплошных сред, а также моделированию сред с нелинейными свойствами.

Учебник предназначен для студентов и магистрантов естественных факультетов. Может быть полезным аспирантам, инженерам и научным сотрудникам, занимающимся проблемами математического моделирования задач естествознания и техники.

## CONTENT

FOREWORD .....	6
<b>Chapter 1.</b> Basic concepts of mathematical modeling .....	8
1.1 Modern tools of cognition.....	8
1.2 Mathematical model and basic aspects of its creation .....	10
1.3 Stages and a cycle of mathematical modeling. Correctness property of a mathematical model. Practical criterion.....	13
1.4 Elements of the dimensions theory .....	14
1.5 Methods of processing empirical data .....	28
<b>Chapter 2.</b> Basic aspects of development of mathematical models in examples and problems. Particular cases .....	39
2.1 Application of fundamentals laws of nature .....	39
2.2 Application of variation principles .....	47
2.3 Hierarchical approach to creation of models .....	55
2.4 Use of analogies in the construction of models .....	62
<b>Chapter 3.</b> Hierarchical principle of constructing mathematical models .....	70
3.1 Hierarchical principle of modeling in continuum mechanics.....	70
3.2 Methods of describing the motion of a continuous medium .....	74
3.3 Integral conservation laws.....	78
3.4 Continuous movement .....	82
3.5 The closure problem in mathematical modeling.....	89
3.6 The hierarchy of the classical models of continuous media .....	90
<b>Chapter 4.</b> Simulation in a lack of information. Ill-posed and inverse problems in mathematical modeling .....	99
4.1 Preliminary materials .....	99
4.2 Well-posed and ill-posed problems .....	105
4.3 Examples of direct and inverse problems .....	109
4.4 Statements of inverse problems for a heat equation .....	110
4.5 Quasisolution. Tikhonov functional.....	116
<b>Chapter 5.</b> Simple nonlinear models .....	127
5.1 Features of linear and nonlinear models .....	127
5.2 Simple nonlinear models on the basis of fundamentals laws of nature..	129
5.3 Nonlinear models of some hardly formalizable objects .....	137
<b>Chapter 6.</b> Modeling of nonlinear deformable media .....	147

6.1 Geometrically nonlinear media. Strain geometry .....	147
6.2 V.V. Novozhilov theory of finite deformations. Equations of motion...	152
6.3 Modeling of media with initial stresses. Biot's theory .....	160
6.4 Modeling of physical nonlinear media .....	167